

| | | | |
|-------------|---------------|---------------------------|----|
| Disciplina: | MATEMÁTICA II | Nº Questões: | 40 |
| Duração: | 90 minutos | Alternativas por questão: | 5 |
| Ano: | 2025 | | |

INSTRUÇÕES

- Preencha as suas respostas na FOLHA DE RESPOSTAS que lhe foi fornecida no início desta prova. Não será aceite qualquer outra folha adicional, incluindo este enunciado.
- Na FOLHA DE RESPOSTAS, assinale a letra que corresponde à alternativa escolhida pintando completamente o interior do círculo por cima da letra. Por exemplo, pinte assim ●.
- A máquina de leitura óptica anula todas as questões com mais de uma resposta e/ou com borrões. Para evitar isto, preencha primeiro à lápis HB, e só depois, quando tiver certeza das respostas, a esferográfica (de cor azul ou preta).

| | | | |
|-----|---|---|-------------------------------------|
| 1. | O módulo de um número: A. É igual ao próprio número D. É igual ao próprio número quando é negativo. | B. É igual ao seu simétrico. E. É sempre positivo ou igual a zero. | C. É sempre positivo. |
| 2. | Dois números distam entre si 7 unidades, sendo um deles 4. Simbolicamente é equivalente a: | | |
| | A. $7-4$ | B. $ 7-4 $ | C. $4-7$ |
| | D. $ x-4 =7$ | E. $ x-7 =4$ | |
| 3. | $ x \leq 3$ se: | | |
| | A. $-3 < x < 3$ | B. $-3 < x \leq 3$ | C. $-3 \leq x < 3$ |
| | D. $-3 \leq x \leq 3$ | E. $x \leq -3 \vee x \geq 3$ | |
| 4. | $ 1-\sqrt{3} $ é equivalente à: | | |
| | A. $1-\sqrt{3}$ | B. $1+\sqrt{3}$ | C. $-1+\sqrt{3}$ |
| | D. $-1-\sqrt{3}$ | E. $\sqrt{3}$ | |
| 5. | A soma das soluções da equação $ x-5 =3$ é: | | |
| | A. 2 | B. 8 | C. -2 |
| | D. -8 | E. 10 | |
| 6. | A solução da inequação $ x-5 < 3$ é: | | |
| | A. $2 \leq x \leq 8$ | B. $2 < x < 8$ | C. $2 < x \leq 8$ |
| | D. $2 \leq x < 8$ | E. $x < 8$ | |
| 7. | $ 4-x $ com $x > 4$ é equivalente à: | | |
| | A. $4-x$ | B. $4+x$ | C. $x-4$ |
| | D. $2-\sqrt{x}$ | E. $2+\sqrt{x}$ | |
| 8. | Simplificando a expressão $\frac{ 2-x }{2-x}$ obtém-se: | | |
| | A. 1 | B. -1 | C. 1 para $x > 2$ e -1 para $x < 2$ |
| | D. -1 para $x > 2$ e 1 para $x < 2$ | E. Nenhuma das alternativas anteriores | |
| 9. | É falsa a afirmação: | | |
| | A. $A_3^5 = \frac{5!}{2!}$ | B. $C_3^5 = \frac{5!}{3!+2!}$ | C. $P_5 = 5!$ |
| | D. $C_3^5 = \frac{5!}{3! \cdot 2!}$ | E. $5! = 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1$ | |
| 10. | Simplificando $\frac{7!}{8!(n+2) \times 8!}$ obtém-se: | | |
| | A. $\frac{1}{8(n+2)}$ | B. $\frac{7!}{8(n+2)}$ | C. $\frac{7!}{8!+16!}$ |
| | D. $\frac{7!}{24!n}$ | E. $\frac{1}{8!(n+2)}$ | |
| 11. | Quantos números com 3 algarismos diferentes podem escrever-se com os algarismos 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8 e 9? | | |
| | A. 3024 | B. 504 | C. 72 |
| | D. 1024 | E. 514 | |
| 12. | A equipe de voleibol da escola XY dispõe de 8 jogadores que podem jogar em qualquer posição. O número de alternativas que o treinador tem para formar a sua equipe de 6 jogadores em campo é: | | |
| | A. 28 | B. 56 | C. 24 |
| | D. 32 | E. 10 | |
| 13. | O número de possibilidades que cinco pessoas têm de se sentar à uma mesa de cinco lugares é: | | |
| | A. 52 | B. 25 | C. 120 |
| | D. 720 | E. 50 | |

14. O produto das soluções da equação $\frac{(n-1)!}{(n-3)!} = 0$ é igual a 2. As soluções são:
 A. $n = -1 \vee n = -2$ B. $n = -1 \vee n = 2$ C. $n = 1 \vee n = -2$ D. $n = 1 \vee n = 2$ E. $n = 3 \vee n = 2$

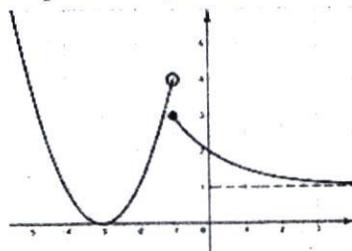
Considere a experiência aleatória que consiste no lançamento de um dado equilibrado. Responda às Questões 15 a 18

15. O cardinal do espaço amostral Ω é:
 A. 2 B. 5 C. 6 D. 7 E. 4
16. "Sair 7" é um acontecimento:
 A. Certo B. Impossível C. Contrário
 D. Provável E. Nenhuma das alternativas
17. Considerando os acontecimentos A: "Sair um número ímpar" e B: "Sair um múltiplo de 3" tem-se:
 A. $A \cap B = \{3\}$ B. $B = \{1, 3, 6\}$ C. $A \cup B = \{1, 2, 3, 5, 6\}$
 D. $\bar{B} = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ E. Nenhuma das alternativas
18. A probabilidade de sair um número par no lançamento de um dado é:
 A. $\frac{1}{6}$ B. $\frac{1}{3}$ C. $\frac{5}{6}$ D. $\frac{2}{3}$ E. $\frac{1}{2}$
19. Um saco contém bolas do mesmo tamanho, mas com cores diferentes: três azuis, quatro vermelhas e uma amarela. Retira-se ao acaso uma bola. A probabilidade da bola retirada ser azul é:
 A. $\frac{3}{8}$ B. $\frac{1}{2}$ C. $\frac{1}{8}$ D. $\frac{2}{3}$ E. $\frac{1}{3}$
20. O termo geral de sucessão $\frac{4}{3}, \frac{9}{5}, \frac{16}{7}, \frac{25}{9}, \frac{36}{11}, \dots$ é:
 A. $\frac{n^2}{2n-1}$ B. $\frac{n^2}{n+2}$ C. $\frac{(n+1)^2}{2n-1}$ D. $\frac{n^2}{2n+1}$ E. $\frac{(n+1)^2}{2n+1}$

Considere a sucessão $b_n = \frac{2-n}{n+1}$ e responda às Questões 21 a 24.

21. $b_{n+1} - b_n$ é igual à:
 A. $\frac{-3-2n}{(n+1)(n+2)}$ B. $\frac{5}{(n+1)(n+2)}$ C. $\frac{-3}{(n+1)(n+2)}$ D. $\frac{2n-1}{(n+1)(n+2)}$ E. $\frac{2n+7}{(n+1)(n+2)}$
22. $\lim b_n$ é igual à:
 A. -1 B. 1 C. 0 D. 2 E. $+\infty$
23. O sexto termo de uma progressão geométrica, cujo primeiro termo é 8, é igual a $\frac{1}{4}$. A razão da progressão é:
 A. $\frac{1}{3}$ B. 2 C. $\frac{1}{2}$ D. 3 E. $\frac{1}{4}$
24. Numa progressão aritmética o décimo segundo termo é -16 e o quinto 12. O primeiro termo e a razão são respectivamente:
 A. $a_1 = -4, d = 4$ B. $a_1 = -4, d = 28$ C. $a_1 = -10, d = -4$
 D. $a_1 = 28, d = -4$ E. $a_1 = -3, d = 24$

Com base no gráfico da função $y = f(x)$ abaixo responda às Questões 25 e 26.

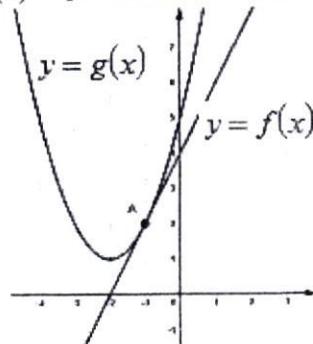


25. É falsa a afirmação:
 A. $\lim_{x \rightarrow -1^-} f(x) = 4$ B. $\lim_{x \rightarrow -1^+} f(x) = 3$ C. $f(-1) = 3$
 D. $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 5$ E. $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 1$

26. Sobre a função $y = f(x)$ pode-se afirmar que:

- A. Tem um salto de segunda espécie em $x = -1$.
 B. Os limites laterais em $x = -1$ não são reais.
 C. Tem limite em $x = -1$.
 D. $\lim_{x \rightarrow -1^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow -1^+} f(x)$
 E. $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 1$ e $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$.

Dados os gráficos das funções $y = f(x)$ e $y = g(x)$ representados na figura, responda da Questão 27 à 31.



27. $f(-1)$ é igual a:

- A. -2 B. 2 C. 4 D. -1 E. 0

28. O coeficiente angular da recta é:

- A. $a = 2$ B. $a = -2$ C. $a = \frac{1}{2}$ D. $a = -\frac{1}{2}$ E. $a = 4$

29. $g'(-1)$ é igual a:

- A. 4 B. -2 C. 2 D. 0 E. 1

30. O vértice da função $y = g(x)$ é:

- A. $V(2,1)$ B. $V(2,-1)$ C. $V(-1,2)$ D. $V(-2,1)$ E. $V(1,2)$

31. A expressão analítica de $y = g(x)$ é:

- A. $y = (x-1)^2 + 2$ B. $y = (x+2)^2 + 1$ C. $y = (x-2)^2 + 1$
 D. $y = (x+2)^2 - 1$ E. $y = (x+1)^2 - 2$

32. A derivada de $y = (x^3 - 5x^2 + 4)^2$ é:

- A. $y' = 2(x^3 - 5x^2 + 4)^2(3x^2 - 10x)$ B. $y' = 2(3x^2 - 10x)$ C. $y' = 2(x^3 - 5x^2 + 4)(3x^2 - 10x)$
 D. $y' = 2(x^3 - 5x^2 + 4)^2(3x^2 - 10x + 4)$ E. Nenhuma das alternativas

Considere a função $y = -x^3 + 27x$. Responda às Questões 33 a 38

33. Os zeros da função são:

- A. $x = 0 \vee x = \sqrt{27}$ B. $x = -\sqrt{27} \vee x = \sqrt{27}$ C. $x = 0 \vee x = -\sqrt{27}$
 D. $x = 0 \vee x = -\sqrt{27} \vee x = \sqrt{27}$ E. Nenhuma das alternativas

34. Os extremos da função são:

- A. $x_{\max} = 3 \vee x_{\min} = -3$ B. $x_{\max} = \sqrt{27} \vee x_{\min} = -\sqrt{27}$ C. $x_{\max} = -\sqrt{27} \vee x_{\min} = \sqrt{27}$
 D. $x_{\max} = -3 \vee x_{\min} = 3$ E. $x_{\max} = 0 \vee x_{\min} = 3$

35. A função cresce nos intervalos:

- A. $]-\infty, -3[\cup]3, +\infty[$ B. $]-\infty, -\sqrt{27}[\cup]\sqrt{27}, +\infty[$ C. $[-3, 3]$
 D. $]-\sqrt{27}, \sqrt{27}[$ E. $]3, 3[$

36. A derivada da função é negativa nos intervalos:

- A. $]-\infty, -3[\cup]3, +\infty[$ B. $]-\infty, -\sqrt{27}[\cup]\sqrt{27}, +\infty[$ C. $[-3, 3]$
 D. $]-\sqrt{27}, \sqrt{27}[$ E. $]3, 3[$

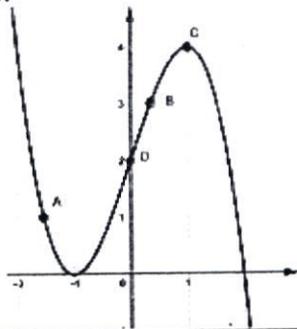
37. A função tem a concavidade voltada para cima nos intervalos:

- A. $]-\infty, 0[$ B. $]-\infty, 0[$ C. $[0, +\infty[$ D. $]0, +\infty[$ E. $]-\infty, 3[$

38. O ponto de inflexão é:

- A. $(0, 3)$ B. $(0, -3)$ C. $(0, 0)$ D. $(-3, 0)$ E. $(3, 0)$

Em relação ao gráfico responda às Questões 39 a 40.



39. É verdadeira a afirmação:

- A. O coeficiente angular da recta tangente à curva no ponto A é positivo.
- B. No ponto C a recta tangente à curva é paralela ao eixo das ordenadas.
- C. O coeficiente angular da recta tangente à curva no ponto C é zero.
- D. A segunda derivada no ponto D é positiva
- E. A recta tangente à curva no ponto B é decrescente

40. É falsa a afirmação:

- A. A função tem três raízes reais.
- B. A ordenada na origem da função é $y = 2$.
- C. No intervalo $]1, +\infty[$ a primeira derivada da função é negativa.
- D. A função admite um extremo máximo em $x = -1$.
- E. D é um ponto de inflexão.

FIM!